PAPER ID-311973	

				Sul	oject	t Co	de:]	BCS	303	
Roll No:										

BTECH (SEM III) THEORY EXAMINATION 2024-25 DISCRETE STRUCTURES & THEORY OF LOGIC

TIME: 3 HRS M.MARKS: 70

Note: सभी अनुभागों का प्रयास करें। यदि कोई डेटा गायब हो तो उपयुक्त विकल्प चुनें। SECTION A

1. सभी प्रश्नों का संक्षेप में उत्तर दें।

 $2 \times 07 = 14$

Printed Page: 1 of 4

Q no.	Question	CO	Leve 1
a.	Let $A=\{x\colon x\text{ is a prime number less than 20}\}$ and $B=\{x\colon x\text{ is an odd number less than 20}\}$ Compute $A\cup B$ and $A\cap B$. मान लें कि $A=\{x\colon x\text{ एक अभाज्य संख्या है जो 20 से कम है}$ और $B=\{x\colon x\text{ एक विषम संख्या है जो 20 से कम है}\}$ $A\cup B$ और $A\cap B$ की गणना करें।	1	K2
b.	Let $A = \{1,2,3\}$ and $B = \{a,b\}$ Compute the total number of possible relations from A to B. मान लें कि $A = \{1,2,3\}$ और $B = \{a,b\}$, A से B तक संभावित संबंधों की कुल संख्या की गणना करें।	1	K2
c.	If P(x) represents "x is a prime number" and Q(x) represents "x is odd," write the following statements in predicate logic: (a) "There exists an even prime number." (b) "All prime numbers greater than 2 are odd." यदि P(x) "x एक अभाज्य संख्या है" को प्रदर्शित करता है और Q(x) "x विषम है" को प्रदर्शित करता है, तो निम्नलिखित कथनों को गणक तर्क (predicate logic) में इस प्रकार लिखा जा सकता है: (a) "एक सम अभाज्य संख्या अस्तित्व में है।" (b) "सभी अभाज्य संख्याएँ जो 2 से बड़ी हैं, वे विषम होती हैं।"	2	K2
d.	Calculate the composite mapping gof if $f: R \to R$ is given by $f(x) = e^x$ and $g: R \to R$ is given by $g(x) = \sin x$. संयुक्त फलन $g \circ f$ की गणना करें यदि $f: R \to R$ इस प्रकार दिया गया है: $f(x) = e^x$ और $g: R \to R$ इस प्रकार दिया गया है: $g(x) = \sin x$	2	К3
e.	Define Abelian group. एबेलियन समूह परिभाषित करें।	3	K1
f.	Solve in how many ways can you arrange the letters in the word "DISCRETE"? हल करें: शब्द "DISCRETE" के अक्षरों को कितने तरीकों से व्यवस्थित किया जा सकता है?	4	К3
g.	Illustrate the following graph using an adjacency matrix: A graph with vertices V = {A, B, C, D} and edges E = {(A, B), (B, C), (C, D), (D, A)}. निम्नलिखित ग्राफ़ को एक आसन्नता मैट्रिक्स (Adjacency Matrix) का उपयोग करके चित्रित करें: एक ग्राफ़ जिसमें शीर्षकों (vertices) का समुच्चय V = {A, B, C, D} और किनारों (edges) का समुच्चय E = {(A, B), (B, C), (C, D), (D, A)} हो।	5	K3

SECTION B

2. निम्नलिखित में से किसी भी तीन का प्रयास करें:

 $07 \times 3 = 21$

a.	Examine $R = \{(a, b) \mid a \equiv b \pmod{m}\}$ is an equivalence relation on Z.	1	K3
	Also		
	ensure that if $x1 \equiv y1$ and $x2 \equiv y2$ then $(x1 + x2) \equiv (y1 + y2)$.		

PAPER ID-311973	

				Sul	oject	t Co	de:]	BCS	303
Roll No:									

Printed Page: 2 of 4

BTECH (SEM III) THEORY EXAMINATION 2024-25 DISCRETE STRUCTURES & THEORY OF LOGIC

TIME: 3 HRS M.MARKS: 70

ME: 3 H	IKS	IVI.IVIA	AKKS:	70
	जाँच करें कि $R = \{(a, b) \mid a \equiv b \pmod{m}\}$ एकसमानता संबंध है Z पर। इसके अलावा, यह भी सुनिश्चित करें कि यदि $x1 \equiv y1$ और $x2 \equiv y2$ तो $(x1 + x2) \equiv (y1 + y2)$ होगा।			
b.	Solve the following Boolean function using K-map: $F(A, B, C) = (1, 2, 5, 7)$ and $D(0, 4, 6)$ using SOP. निम्नलिखित बूलीय फलन को Karnaugh मैप (K-map) का उपयोग करके हल करें: $F(A, B, C) = (1, 2, 5, 7)$ और डोंट केयर शर्तें : $D(0, 4, 6)$ SOP रूप में हल करें।	2	К3	
c.	Analyse the argument's validity: Premises: If a person is happy, they smile. John is smiling. Conclusion: John is happy. तर्क की वैधता का विश्लेषण करें: पूर्ववाक्य: यदि कोई व्यक्ति खुश है, तो वह मुस्कुराता है। जॉन मुस्कुरा रहा है। निष्कर्ष: जॉन खुश है।	3	K4	
d.	In the group \mathbb{Z}_{12} under addition modulo 12, consider the subgroup $H = \{0, 4, 8\}$. Compute all the distinct Cosets of H. समूह \mathbb{Z}_{12} में, योग (addition) गुणनखंड 12 के तहत, उपसमूह $H = \{0, 4, 8\}$ पर विचार करें। सभी विभिन्न कोसेट (Cosets) की गणना करें।	4	К3	
e.	Examine whether the graphs $\mathbf{K_3}$ and a graph formed by adding a single vertex in the middle of one edge of $\mathbf{K_3}$ are homeomorphic or not. यह जांचें कि क्या ग्राफ़ $\mathbf{K_3}$ और वह ग्राफ़, जो $\mathbf{K_3}$ की एक भुजा के मध्य में एक नया शीर्ष जोड़कर बनाया गया है, होमियोमॉर्फिक (homeomorphic) हैं या नहीं।	5	K4	

SECTION &

3. निम्नलिखित में से किसी एक भाग का प्रयास करें:

 $07 \times 1 = 07$

a.	Let $R = \{(1, 2), (2, 3), (3, 1)\}$ defined on $A = \{1, 2, 3\}$. Calculate the	1	K3
	transitive closure of R using Warshall's algorithm.		
	मान लें कि R = {(1, 2), (2, 3), (3, 1)} समुच्चय A = {1, 2, 3} पर परिभाषित		
	है। Warshall के एल्गोरिदम का उपयोग करके R का संक्रमणशील आवरण		
	(transitive closure) गणना करें।		
b.	i) Justify that (D ₄₂ , \) is lattice.		
	ii) Let L_1 be the lattice defined as D_6 and L_2 be the lattice ($P(S)$, \leq),	1	K3
	where $P(S)$ be the power set defined on set $S = \{a, b\}$. Justify that the		
	two lattices are isomorphic.		
	$_{ m i)}$ यह प्रमाणित करें कि (${f D_{42}},ackslash$) एक लाटिस (lattice) है।		
	ii) L_1 को D_6 के रूप में परिभाषित किया गया है और L_2 को ($P(S)$, ≤), के		
	रूप में परिभाषित किया गया है, जहाँ P(S) सेट S = {a, b} पर परिभाषित		



				Sul	ojec	t Co	de: l	BCS	303
Roll No:									

BTECH (SEM III) THEORY EXAMINATION 2024-25 DISCRETE STRUCTURES & THEORY OF LOGIC

TIME: 3 HRS

शिक्त समुच्चय (power set) है। यह प्रमाणित करें कि ये दोनों लाटिस आपस

में समरूप (isomorphic) हैं।

4. निम्नलिखित में से किसी एक भाग का प्रयास करें:

 $07 \times 1 = 07$

Printed Page: 3 of 4

a.	Solve the following Boolean functions using K-map:	2	K3
	(i) $F(A, B, C, D) = \sum (m_0, m_1, m_2, m_4, m_5, m_6, m_8, m_9, m_{12}, m_{13}, m_{14})$		
	(ii) $F(A, B, C, D) = \sum (0, 2, 5, 7, 8, 10, 13, 15)$		
	निम्नलिखित बूलीय फलनों को K-map का उपयोग करके हल करें:		
	(i) $F(A, B, C, D) = \sum (m_0, m_1, m_2, m_4, m_5, m_6, m_8, m_9, m_{12}, m_{13}, m_{14})$		
	(ii) $F(A, B, C, D) = \sum (0, 2, 5, 7, 8, 10, 13, 15)$		
b.	Let $f(x) = 3x + 5$ and $g(x) = x^2 - 2x + 1$. Evaluate $f(3)$ and Classify $f(x)$	2	K3
	and $g(x)$ as one-to-one, onto, or neither.		
	मान लें कि $f(x) = 3x + 5$ और $g(x) = x^2 - 2x + 1$ $f(3)$ का मूल्य निकालें और $f(x)$		
	और g(x) को one-to-one, onto, या इनमें से कोई भी वर्गीकृत करें।		

5. निम्नलिखित में से किसी एक भाग का प्रयास करें:

 $07 \times 1 = 07$

a. Justify that the following premises are inconsistent. (i) If Alex misses many classes through illness then he fails high school. (ii) If Alex fails high school, then he is uneducated. (iii) If Alex reads a lot of books then he is not uneducated. (iv) Alex misses many classes through illness and reads a lot of books. यह प्रमाणित करें कि निम्नलिखित पूर्ववाक्य असंगत हैं: (i) यदि एलेक्स कई कक्षाएँ बीमारी के कारण छोड़ता है, तो वह हाई स्कूल में फेल हो जाता है। (ii) यदि एलेक्स बहुत सारी किताबें पढ़ता है, तो वह अप्रशिक्षित नहीं होता है। (iv) एलेक्स कई कक्षाएँ बीमारी के कारण छोड़ता है और बहुत सारी किताबें पढ़ता है। b. Show the validity of the following argument: Hypotheses: "It is not sunny this afternoon and it is colder than yesterday. We will go swimming only if it is sunny. If we do not go swimming, then we will take a canoe trip. If we take a canoe trip, then we will be home by sunset. Conclusion: "We will be home by sunset." निम्नलिखित तर्क की वैधता को प्रदर्शित करें: परिकल्पनाएँ: "आज दोपहर धूप नहीं है और यह कल से ठंडा है। हम तैरने तभी जाएंगे जब धूप होगी। यदि हम तैरने नहीं जाते हैं, तो हम सूर्यास्त तक घर वापस आ जाएंगे।" निष्कर्ष:				
Hypotheses: "It is not sunny this afternoon and it is colder than yesterday. We will go swimming only if it is sunny. If we do not go swimming, then we will take a canoe trip. If we take a canoe trip, then we will be home by sunset." Conclusion: "We will be home by sunset." निम्नलिखित तर्क की वैधता को प्रदर्शित करें: परिकल्पनाएँ: "आज दोपहर धूप नहीं है और यह कल से ठंडा है। हम तैरने तभी जाएंगे जब धूप होगी। यदि हम तैरने नहीं जाते हैं, तो हम कैनो यात्रा पर जाएंगे। यदि हम कैनो यात्रा पर जाते हैं, तो हम सूर्यास्त तक घर वापस आ जाएंगे।" निष्कर्ष:	a.	many classes through illness then he fails high school. (ii) If Alex fails high school, then he is uneducated. (iii) If Alex reads a lot of books then he is not uneducated. (iv) Alex misses many classes through illness and reads a lot of books. यह प्रमाणित करें कि निम्नलिखित पूर्ववाक्य असंगत हैं: (i) यदि एलेक्स कई कक्षाएँ बीमारी के कारण छोड़ता है, तो वह हाई स्कूल में फेल हो जाता है। (ii) यदि एलेक्स हाई स्कूल में फेल हो जाता है। (iii) यदि एलेक्स बहुत सारी किताबें पढ़ता है, तो वह अप्रशिक्षित नहीं होता है। (iv) एलेक्स कई कक्षाएँ बीमारी के कारण छोड़ता है और बहुत सारी किताबें	3	K3
। "हम सर्यास्त तक घर वापस आ जाएंगे।"	ъ.	Hypotheses: "It is not sunny this afternoon and it is colder than yesterday. We will go swimming only if it is sunny. If we do not go swimming, then we will take a canoe trip. If we take a canoe trip, then we will be home by sunset." Conclusion: "We will be home by sunset." निम्नलिखित तर्क की वैधता को प्रदर्शित करें: परिकल्पनाएँ: "आज दोपहर धूप नहीं है और यह कल से ठंडा है। हम तैरने तभी जाएंगे जब धूप होगी। यदि हम तैरने नहीं जाते हैं, तो हम कैनो यात्रा पर जाएंगे। यदि हम कैनो यात्रा पर जाएंगे।"	3	K3



				Sul	oject	t Co	de:]	BCS	303
Roll No:									

BTECH (SEM III) THEORY EXAMINATION 2024-25 DISCRETE STRUCTURES & THEORY OF LOGIC

TIME: 3 HRS M.MARKS: 70

_		— —>·
6.	निम्नलिखित में से किसी एक भाग का प्रया	स कर:

 $07 \times 1 = 07$

Printed Page: 4 of 4

a.	Calculate the number of generators of the cyclic group of order 8. आदेश 8 के चक्रीय समूह के उत्प्रेरकों की संख्या की गणना करें।	4	K3
b.	Determine whether the set $H = \{0, 1, 5\}$ is a subgroup of \mathbb{Z}_6 under addition modulo 6. निर्धारित करें कि सेट $H = \{0, 1, 5\}$ \mathbb{Z}_6 के तहत 6 के modulo योग में उपसमूह है या नहीं।		К3

7. निम्नलिखित में से किसी एक भाग का प्रयास करें:

 $07 \times 1 = 07$

a.	Express the following		
	(i) Euler graph and Hamiltonian graph		
	(ii) Chromatic number of a graph	5	K3
	(iii) Walk and path		
	(iv) Bipartite graph		
	निम्नलिखित को व्यक्त करें:		
	(i) यूरलर ग्राफ़और हैमिल्टनियन ग्राफ़		
	(ii) एक ग्राफ़ का क्रोमैटिक संख्या		
	(iii) वॉक और पथ		1
	(iv) द्विविभाज्य ग्राफ़		1,2
	(IV) 1814 1104 XII 37		
b.	Prove that in any group of 13 people, at least two must have their	3	K3
0.	birthdays in the same month.	9	KS
	यह प्रमाणित करें कि 13 लोगों के किसी भी समूह में, कम से कम दो लोगों का		
	जन्मदिन एक ही महीने में होना चाहिए।		
	ज नाव । इक रा नरा । ना सार्थ		
	3.06		
	6/1.5		
	08.Mat.2025		
	a Mai		
	08		
	▼		